

10. Будкин А.И. О доминионе полной подгруппы метабелевой группы // Известия АлтГУ. – 2010. – Т. 65, № 2. – С. 15-19.

11. Будкин А.И. О доминионах абелевых подгрупп метабелевых групп // Алгебра и логика. – 2012. – Т. 51, № 5. – С. 608-622.

12. Будкин А.И. Об абсолютной замкнутости абелевых групп без кручения в классе метабелевых групп // Алгебра и логика. – 2014. – Т. 53, № 1. – С. 15-25.

13. Будкин А.И. О замкнутости локально циклической подгруппы в метабелевой группе // Сиб. матем. ж. – 2014. – Т. 55, № 6. – С. 1250-1278.

14. Будкин А.И. О доминионах конечных групп // Известия Алтайского государственного университета. – 2011. – Т. 69, № 2. – С. 15-18.

15. Будкин А.И. Доминионы универсальных алгебр и проективные свойства // Алгебра и логика. – 2008. Т. 47, № 5. – С. 541-557.

16. Будкин А.И. Доминионы универсальных алгебр и проективные свойства // Алгебра и логика. – 2008.- Т. 47, № 5 . – С. 541-557.

УДК 512.57

## Об относительно свободных $m$ -группах

*С.В. Вараксин*

*АлтГУ, г. Барнаул*

Напомним, решеточно упорядоченной группой ( $l$ -группой)  $G$  называется алгебраическая группа с определенными на ней решеточными операциями объединения  $\vee$  и пересечения  $\wedge$ , устойчивыми относительно групповых операций [1]:

$$a(u \vee v)c = auc \vee avc \text{ и } a(u \wedge v)c = auc \wedge avc,$$

а  $m$ -группой  $(G, \varphi)$  называется  $l$ -группа  $G$  с определенной на ней одноместной операцией  $\varphi$ , которая является автоморфизмом второго порядка группы  $G$  и антиавтоморфизмом решетки  $G$ :

$$\varphi(xv) = \varphi(x)\varphi(v), \quad \varphi(\varphi(x)) = x,$$

$$\varphi(x \vee y) = \varphi(x) \vee \varphi(y), \quad \varphi(x \wedge y) = \varphi(x) \wedge \varphi(y).$$

Группу  $G$  с частичным порядком  $P$  и автоморфизмом второго порядка  $\varphi$  называют ч. у. группой с реверсией, если из  $x \leq y$  следует  $\varphi(y) \leq \varphi(x)$ . В работе [2] определены и изучались реверсивные автоморфизмы линейно упорядоченных групп. Пусть  $G$  – ч. у. группа с реверсией. Назовем  $m$ -группу  $(F, \varphi)$  свободной над  $G$ , если  $G$  – подгруппа  $F$ , порождает  $(F, \varphi)$  как  $m$ -группу, и произвольный порядковый  $\varphi$ -гомоморфизм  $\psi$  группы  $G$  в  $m$ -группу  $(H, \varphi)$  однозначно продолжается до  $m$ -гомоморфизма  $\theta$   $m$ -группы  $(F, \varphi)$  в  $(H, \varphi)$ . Назовем  $m$ -группу  $(F, \varphi)$

свободной над  $G$  в классе  $m$ -групп  $V$ , если  $(F, \varphi)$  лежит в  $V$  и  $m$ -группы  $(H, \varphi)$  предполагаются из  $V$ . В работе [3] описаны условия существования свободной  $m$ -группы над ч. у. группой с реверсией и ее описание в терминах автоморфизмов линейно упорядоченных множеств.

*Теорема.* Пусть  $G$  – ч. у. группа с реверсией  $\varphi$  и  $V$  – многообразие  $m$ -групп. Тогда фактор-группа  $(F/V(F), \varphi)$  свободной  $m$ -группы  $(F, \varphi)$  над  $G$  по вербальному  $m$ -идеалу  $V(F)$  является свободной  $m$ -группой над  $G$  в  $m$ -многообразии  $V$ .

### Библиографический список

1. Копытов В.М. Решеточно упорядоченные группы. – М.: Наука, 1984.
2. Баянова Н.В., Никонова О.В. Реверсивные автоморфизмы решеточно упорядоченных групп // Сиб. мат. журнал. – 1995. — Т. 36, № 4, 763–768. – С. 763–768.
3. Вараксин С.В. О представлении свободных  $m$ -групп автоморфизмами линейно упорядоченных множеств // Алгебра и логика. – 2014. – Т. 53, № 2. – С. 178–184.

УДК 517.1

### Словарные операторы, реализуемые логическими сетями над специальным базисом конечных автоматов

<sup>1</sup>В.А. Ганов, <sup>2</sup>Р.В. Дегтерева

<sup>1</sup>АлтГУ, <sup>2</sup>АлтГТУ, г. Барнаул

В данной работе продолжено исследование логических сетей над базисом конечных автоматов  $\mathcal{C}$  из работы [1]. Главная особенность автоматов этого базиса в том, что логические сети над  $\mathcal{C}$  позволяют непосредственно моделировать процессы вывода слов в так называемом нормальном исчислении Поста  $L_4$ . В [2] доказано, что множество слов, выводимых в  $L_4$  из определенного слова *feat*, не является алгоритмически разрешимым. Отсюда выводится, что множество операторов, реализуемых логическими сетями над указанным базисом, также не является алгоритмически разрешимым. Аналогичные исследования рассматриваются в [3]. В данном сообщении показывается, что эта неалгоритмическая проблема сводится к совокупности следующих частичных проблем, каждая из которых является алгоритмически разрешимой.